

Lab03 & HW03 补充

pingpong

解法一

题目提示了先写循环，那就先写一个吧。

```
1 def pingpong(n):
2     curr, result, direct = 1, 1, 1
3     while curr != n:
4         if curr % 6 == 0 or number_of_six(curr) > 0:
5             result = result - direct
6             direct = -direct
7         else:
8             result = result + direct
9             # direct = direct
10        curr = curr + 1
11    return result
```

循环语句中的赋值，本质上是将value与name绑定，而递归调用，同样也是如此，不过仅仅是绑定在新的frame里罢了。

我们可以直接将循环改为递归！

```
1 def pingpong(n):
2     def helper(curr, result, direct):
3         if curr == n:
4             return result
5         if curr % 6 == 0 or number_of_six(curr) > 0:
6             return helper(curr + 1, result - direct, -direct)
7         return helper(curr + 1, result + direct, direct)
8     return helper(1, 1, 1)
```

```
1 def pingpong(n):
2     curr, result, direct = 1, 1, 1
3     while curr != n:
4         if curr % 6 == 0 or number_of_six(curr) > 0:
5             result = result - direct
6             direct = -direct
7         else:
8             result = result + direct
9             # direct = direct
10        curr = curr + 1
11    return result
```

循环语句中的赋值，本质上是将value与name绑定，而递归调用，同样也是如此，不过仅仅是绑定在新的frame里罢了。

我们可以直接将循环改为递归

```
1 def pingpong(n):
2     def helper(curr, result, direct):
3         if curr == n:
4             return result
5         if curr % 6 == 0 or number_of_six(curr) > 0:
6             return helper(curr + 1, result - direct, -direct)
7         return helper(curr + 1, result + direct, direct)
8     return helper(1, 1, 1)
```

如此，我们的循环版本与递归版本的pingpong就是完全一致的。

至于helper函数的意义？与循环一样。

`result` 是 $n = \text{curr}$ 时的pingpong值，`direct` 是 $n = \text{curr}$ 时的+1/-1方向，返回值就是循环跳出时的 `result` 值。

解法二

首先确定 n 时的方向，再递归向下求解。

```
1 def pingpong(n):
2     def ping_pong(k, f):
3         if k <= 6:
4             return k
5         elif k % 6 == 0 or number_of_six(k) > 0:
6             return ping_pong(k - 1, -f) - f
7         else:
8             return ping_pong(k - 1, f) + f
9     def add_or_sub(k):
10        if k < 6:
11            return 1
12        elif k % 6 == 0 or number_of_six(k) > 0:
13            return -1 * add_or_sub(k - 1)
14        else:
15            return add_or_sub(k - 1)
16    return ping_pong(n, add_or_sub(n))
```

解法三

不妨假设 n 时方向是加1（减1也行，无所谓），递归到1，如果1的时候方向是加1，就说明结果正确；如果是减1，根据对称性来调整结果。

什么对称性？如果1的时候的pingpong值是0的话，那么对于从1开始加1的pingpong和从1开始减1的pingpong，其值正好为相反数。

```
1 def pingpong(n):
2     def ping_pong(k, f):
3         if k == 1:
4             return 0, f # 0: result, f: is_result_right (1: right, -1:
wrong)
5         elif k % 6 == 0 or number_of_six(k) > 0:
6             return adjust(ping_pong(k - 1, -f), -f)
7         else:
8             return adjust(ping_pong(k - 1, f), f)
9     def adjust(r, f): # adjust only result
10        return r[0] + f, r[1]
11    def final(r):
12        return r[0] * r[1]
13    return final(ping_pong(n, 1)) + 1
```

为什么我的代码会超时?

简单画一下递归调用栈就明白了。(为方便忽略 `number_of_six` 产生的栈)

150分TLE的代码:

```
1 pingpong(n) -> pingpong(n-1) -> ... -> pingpong(1)
2   ↓           ↓
3 add_or_sub(n)  add_or_sub(n-1)
4   ↓           ↓
5 add_or_sub(n-1) add_or_sub(n-2)
6   ↓           ↓
7   ...         ...
8   ↓           ↓
9 add_or_sun(1)  add_or_sun(1)
10
11 n+1   +     n     +     ...   + 1 数量级大概是 n^2
```

而上面的参考代码的栈数量的数量级都是 n , 时间的差别自然就体现出来了。

multiadder

解法一

降order, ppt中已有

解法二

self-reference!

self-reference的本质是什么? 我个人觉得是通过函数调用的frame来保存信息。

那么, 这个函数要保存什么信息? 还要加的数的数量 n 和已相加的数的和 `curr_sum`。

这个函数的参数够保存这些信息吗? 不够! 所以要怎么办——helper function。

注意self-reference中, 向外示人的反而是内层的 `inner` 函数, `helper` 函数只是为了保存信息的中转站。

先搭框架。

```
1 def multiadder(n):
2     def helper(n, curr_sum):
3         def inner(x):
4             ...
5             return helper(...)
6         return inner
7     return helper(...)
```

再填细节。

```
1 def multiadder(n):
2     def helper(n, curr_sum):
3         def inner(x):
4             if n == 1:
5                 return curr_sum + x
6                 return helper(n - 1, curr_sum + x)
7         return inner
8     return helper(n, 0)
```

其他

可以把Maximum Subsequence、count change和分巧克力放在一起类比，给他们简单提一下分治法。